

Ficha de Avaliação de Matemática Nº4

10º Ano | Turma B

A

Duração: 90 min

27 | Jan | 2006

Nº Nome:

1ª PARTE

Para cada questão são indicadas quatro alternativas, das quais só uma está correcta. **Selecciona no enunciado**, a letra correspondente à alternativa que escolheste para responder correctamente à questão.

1.) Os Pontos $P(5,1)$ e $Q(1,5)$ são simétricos em relação:

- (A) à origem do referencial (B) à bissectriz dos quadrantes pares
- (C) à recta de equação $y = 1$ (D) à bissectriz dos quadrantes ímpares

2.) A intersecção de uma circunferência de raio 2 e centro na origem com a recta

de equação $x = -1$ é:

- (A) um segmento de recta paralelo ao eixo Oy
- (B) um segmento de recta paralelo ao eixo Ox
- (C) um conjunto de dois pontos
- (D) o conjunto vazio

3.) O ponto $A(-1,2,3)$ é simétrico de $B(1,2,3)$ em relação:

- (A) à recta $x = 2 \wedge y = 3$ (C) ao plano $x = 1$
- (B) ao plano yOz (D) ao plano xOz

4.) Considera a esfera definida pela condição $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 + (z - 4)^2 \leq 14$.

Sabendo que $[AB]$ é **diâmetro** dessa esfera e que A tem coordenadas $(1, 1, 1)$, as coordenadas do ponto B , são:

(A) $B(2, 4, 8)$

(B) $B(5, 3, 6)$

(C) $B(4, 6, 5)$

(D) $B(3, 5, 7)$

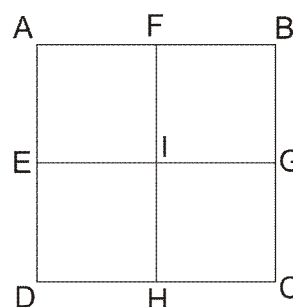
5) O vector \vec{u} tal que $B - \vec{u} = I$ pode ser representado por:

(A) $\frac{1}{2} \overrightarrow{DB}$

(B) \overrightarrow{AI}

(C) \overrightarrow{HE}

(D) $\sqrt{3} \overrightarrow{FA}$



6) Os vectores $\vec{u}(2, 8, -1)$ e $\vec{v}(-2, p, 1)$ são *colineares* se:

(A) $p = -1$

(B) $p = -8$

(C) $p = 8$

(D) $p = 0$

7) No referencial da figura o ponto B pertence ao plano yOz e o ponto A pertence ao plano xOy .

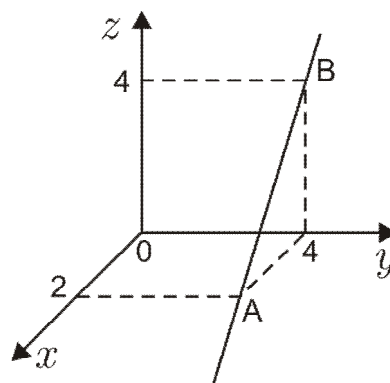
Qual das condições seguintes define a recta AB ?

(A) $(x, y, z) = (0, 4, 4) + k(-2, 0, 4), k \in \mathbb{R}$

(B) $(x, y, z) = (0, 4, 4) + k(-2, 1, 4), k \in \mathbb{R}$

(C) $(x, y, z) = (2, 4, 0) + k(-2, 1, 4), k \in \mathbb{R}$

(D) $(x, y, z) = (2, 4, 0) + k(2, 0, 4), k \in \mathbb{R}$



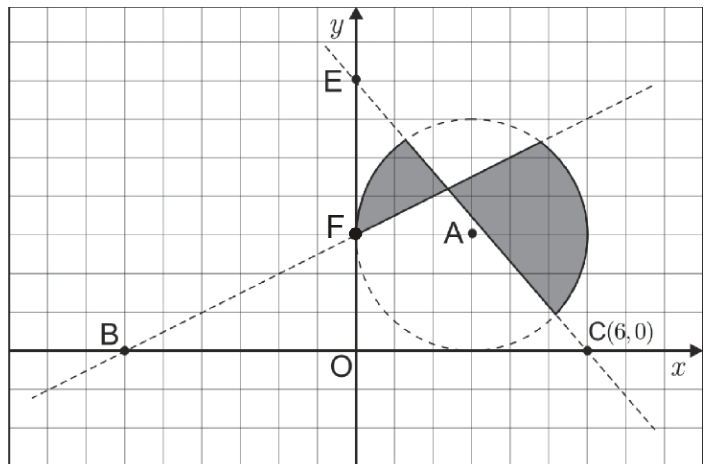
2ª PARTE

Para cada uma das questões seguintes, que são questões de desenvolvimento, deves *apresentar os cálculos e as justificações necessárias*.

1. **Escreve** uma condição em \mathbb{R}^2 que **defina**:

- 1.1.) a recta paralela ao eixo das ordenadas que passa em $A(2, -3)$;
- 1.2.) o conjunto de pontos que distam de $B(3, -2)$ duas unidades;
- 1.3.) o conjunto de pontos equidistantes de $D(-1, 2)$ e de $E(3, 2)$.

2.) **Escreve** uma condição que caracteriza o *lugar geométrico* a *sombreado, incluindo a fronteira*.



3.) No paralelogramo $[ABCD]$, E , F , G e H são os pontos médios dos seus lados.

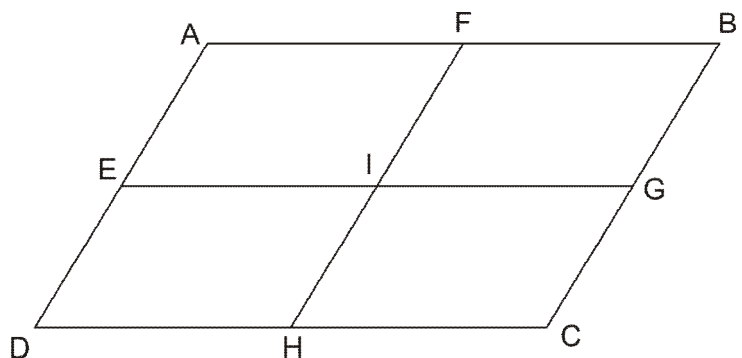
Completa, no enunciado:

3.1.) $2 \cdot \overrightarrow{IB} + \overrightarrow{AE} = \dots\dots$

3.2.) $A + \overrightarrow{IH} = \dots\dots$

3.3.) $(A - F) + \overrightarrow{AE} - \overrightarrow{GI} = \dots\dots$

3.4.) $\overrightarrow{IF} + \overrightarrow{IE} + \dots\dots = \vec{O}$



4. Considera num referencial *o.n.* (O, \vec{i}, \vec{j}) dois pontos $P(u, m)$, $Q(1, -1)$ e um vector $\vec{u} = 3\vec{i} + 4\vec{j}$.

4.1.) **Determina** a norma do vector \vec{u} ;

4.2.) **Determina** um vector com o *sentido contrário* do vector \vec{u} e de *norma* igual a 10.

4.3.) **Determina** u e m de modo que $P = Q + 2 \cdot \vec{u}$.

5. Considera num referencial *o.n.* (O, \vec{i}, \vec{j}) os pontos $A(1, -2)$ e $B(-5, 0)$.

5.1.) **Define** uma *equação vectorial* do segmento de recta $[AB]$;

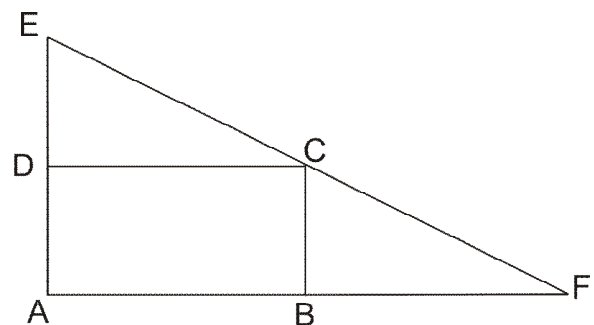
5.2.) **Define** uma *equação vectorial* da *semi-recta* $\dot{B}A$;

5.3.) **Determina** a *equação reduzida* da recta t paralela à recta AB e que contém o ponto $D(1, 2)$.

6.) **Determina** dois pontos, a ordenada na origem e o declive da recta de equação:

$$(x, y) = (2, -3) + k(1, -2), \quad k \in \mathbb{R}$$

7.) Dado o rectângulo $[ABCD]$, tal que $\overrightarrow{AB} = 2 \cdot \overrightarrow{AD}$, sendo o ponto E o simétrico de A em relação a D e F o simétrico de A em relação a B , prove que C é o ponto médio de $[EF]$.



Cotações

1	2	3	4	5	6	7	1.1	1.2	1.3	2	3.1	3.2	3.3	3.4	4.1	4.2	4.3	5.1	5.2	5.3	6	7	Total
9	9	9	9	9	9	9	8	10	10	14	3	4	4	4	8	12	12	6	6	12	12	12	200

Prof. Jorge Geraldes